

<p>info401 : Programmation fonctionnelle TP 4 : expressions arithmétiques</p>

Pierre Hyvernât
Laboratoire de mathématiques de l'université de Savoie
bâtiment Chablais, bureau 22, poste : 94 22
email : Pierre.Hyvernât@univ-savoie.fr
www : <http://www.lama.univ-savoie.fr/~hyvernât/>
wiki : <http://www.lama.univ-savoie.fr/wiki>

Ce TP, comme les suivants, sera noté. Je ne demande aucun compte rendu à part, mais seulement un *unique* fichier Caml, commenté.

- Votre fichier doit contenir du code valide et ne doit pas provoquer d'erreur lorsqu'on l'évalue avec l'interprète Caml. (Testez avant de me l'envoyer : si votre fichier ne s'évalue pas correctement, vous perdez automatiquement 5 points sur votre note finale.)
- Je me réserve le droit d'enlever des points de manière exponentielle pour les code mal écrit.*
- Votre fichier devra contenir un commentaire contenant votre nom, prénom et filière. (Idem, si ce n'est pas le cas, vous perdez 5 points sur votre note finale.)
- Pour m'envoyer votre TP, utilisez uniquement le formulaire dont l'adresse est : (lien disponible sur le wiki)
<http://www.lama.univ-savoie.fr/~hyvernât/envoi-TP.php>

Partie 1 : exceptions

Question 1. En utilisant `List.fold_left`, programmez une fonction `somme : int list -> int` et une fonction `produit : int list -> int` qui calculent respectivement la somme et le produit des éléments d'une liste.

Question 2. Idem, mais pour une fonction `produit7` qui calcule le produit dans $\mathbf{Z}/7\mathbf{Z}$ (modulo 7).

Question 3. Testez `produit7` sur des listes aléatoires d'éléments de $\mathbf{Z}/7\mathbf{Z}$ (en utilisant `Random.int 7` pour générer un tel élément) de grande taille. Que constatez-vous ? Expliquez.

Question 4. Réécrivez `produit7-bis` avec `List.fold_left`, mais en utilisant une exception pour améliorer le calcul.

Partie 2 : expressions arithmétiques

Attention : cette exercice est volontairement peu détaillé. Il vous faudra prendre des décisions et écrire des fonctions auxiliaires. La présentation, les commentaires seront pris en compte dans la notation.

Le but de cet exercice est d'écrire un petit ensemble de fonctions pour manipuler les expressions arithmétiques telles que $3 + (4 \times (2 + 3))$ ou $(a + b) \times (a + b) - 2 \times a \times b$.

* J'enlève 2 points pour le premier TP, puis 4 points pour le second, puis 8 points pour le troisième, etc.

Question 1. Donnez un type de données `exp` pour les expressions arithmétiques. Une expression arithmétique est construite à partir :

- de valeurs entières (0, 1, ...)
- de variables numérotées (X_1, X_2, \dots)
- des opérations arithmétiques habituelles (+, - et \times).

Question 2. La fonction `print_int : int -> unit` permet d'afficher un entier à l'écran. En utilisant cette fonction ainsi que la fonction `print_char` et l'opérateur ";" pour séquentialiser les commandes, écrivez une fonction `print_expr : expr -> unit`.

Par exemple, votre fonction pourra afficher la chaîne `((7) * (X1)) + ((0) * (X2))` pour l'expression $(7 \times X_1) + (0 \times X_2)$. (Version simple.)

Si vous avez le temps de faire une fonction un peu plus sophistiquée, n'hésitez pas...

Question 3. Écrivez une fonction `calcule : expr -> int` qui calcule la valeur entière d'une expression arithmétique sans variables.

Modifiez cette fonction pour qu'elle prenne un argument supplémentaire `env` censé contenir les valeurs des variables dans une liste.

Pouvez-vous facilement transformer votre fonction en fonction récursive terminale ?

Question 4. Comment pouvez tester l'équivalence de deux expressions arithmétiques sans variable ? Écrivez la fonction correspondante `equiv_sans_var : expr -> expr -> bool`.

À votre avis, comment peut-on tester l'équivalence de deux expressions arithmétiques avec des variables. (Pas la peine de le faire, donnez simplement des idées.)

Question 5. Un polynôme à coefficients entiers et à plusieurs variables peut être représenté par le type `type poly = (int * (int list)) list` :

- on représente un polynôme par la liste de ces monômes,
- on représente un monôme par son coefficient, la liste des variables avec leur multiplicité.

Par exemple, le polynôme $X_1^2 + 2X_1X_2 + X_2^2$ est représenté par

`[(1, [1 ; 1]) ; (2, [1 ; 2]) ; (1, [2 ; 2])]`.

Écrivez une fonction `normalize : expr -> poly` qui transforme chaque expression arithmétique en polynôme correspondant.

Explicitez ce que vous faites en commentant vos fonctions.

Question 6. Essayez de faire en sorte que deux expressions arithmétiques équivalentes (comme $(X_1 + X_2) \times (X_1 + X_2)$ et $X_1 \times X_1 + 2 \times X_1 \times X_2 + X_2 \times X_2$) soient normalisées en polynômes égaux.

Documentez vos découvertes et améliorations.

Question 7. (bonus) Que se passe-t-il si l'on rajoute la possibilité de faire de divisions. (Autrement dit, on regarde un corps plutôt qu'un anneau.)

Expliquez comment vous feriez, et essayez de prévoir les problèmes rencontrés.