## info401 : Programmation fonctionnelle TD 3 : types inductifs

Pierre Hyvernat Laboratoire de mathématiques de l'université de Savoie bâtiment Chablais, bureau 22, poste : 94 22 email : Pierre.Hyvernat@univ-savoie.fr

www:http://www.lama.univ-savoie.fr/~hyvernat/

## Exercice 1: les arbres binaires

On considère les arbres binaires avec des données sur les noeuds. Autrement dit, un arbre étiqueté par des entiers est :

- soit l'arbre vide
- soit un noeud étiqueté (par une donnée) avec deux fils : le fils gauche (un arbre) et le fils droit (un arbre).

Question 1. Donnez le type inductif correspondant.

Question 2. Écrivez la fonction taille de type 'a arbre -> int qui calcule combien de noeuds possède un arbre.

Question 3. Écrivez un équivalent de la fonction List.map qui applique une fonction à tous les noeuds d'un arbre. Son type sera ('a -> 'b) -> 'a arbre -> 'b arbre.

Question 4. Écrivez la fonction qui prend en argument une fonction de poids, et calcule la somme des poids des noeuds d'un arbre : poids : ('a -> int) -> 'a arbre -> int

Question 5. À votre avis, que serait l'équivalent de la fonction List.fold\_right (reduit) pour le type des arbres.

Programmez cette fonction, et servez vous en pour redonner une définition de taille, applique et poids.

Question 6. Utilisez la fonction fold pour programmer la fonction qui collecte toutes les données d'un arbre dans une liste.

Question 7. Même question que précédemment, mais si on veut seulement collecter les feuilles de l'arbre.

## Exercice 2: la tortue

Tartampion a décidé de réécrire une partie du langage LOGO en Caml. La partie qui l'intéresse est la partie "graphique" : la tortue est un point qui possède trois caractéristiques :

- une position (coordonnées dans le plan),
- une orientation (angle par rapport à la verticale),
- un crayon (booléen : false pour dire que son crayon est levé).

Nous nous intéressons seulement aux opérations que la tortue peux effectuer :

- forward pour avancer d'une certaine distance,
- left pour tourner vers sa gauche d'un certain angle en degrés,
- setpos pour "téléporter" la tortue à une nouvelle position (coordonnées)
- setheading pour fixer l'orientation de la tortue par rapport à la verticale,
- penup et pendown pour lever ou baisser le crayon.

Question 1. Donnez un type de données pour représenter les différentes actions de la tortue.

Question 2. Écrivez une fonction qui prend en argument un liste d'actions de la tortue et qui renvoie true si la tortue écrit quelque chose et false sinon.

Par exemple, sur [ setpos (0.,0.); left 90.; penup; forward 100.], votre fonction devra répondre false.

Question 3. Écrivez (succinctement) une fonction qui aura pour arguments :

- une position initiale (coordonnées),
- une orientation initiale (angle),
- une liste d'action,

et qui calculera la position et l'orientation de la tortue après les actions de la liste.

Question 4. Réfléchissez à la remarque suivante : certaines opérations peuvent se regrouper : [forward 100.; forward 50.] est équivalent à [forward 150.]. Comment simplifier au maximum une liste de commandes?

Que dire du cas où on rajoute des instructions backward et right, avec des interprétations évidentes?

Question 5. On veut maintenant rajouter la possibilité de répéter des actions un certain nombre de fois. Par exemple repeat 4 [ forward 10.; left 90.] permettra de dessiner un carré. Donnez une nouvelle définition du type des actions de la tortue pour prendre ceci en compte.